

次の不定積分を求めよ。

$$(1) \ a \neq -1 \ のとき \ \int x^a dx =$$

$$(3) \ \int e^x dx =$$

$$(5) \ \int \sin x dx =$$

$$(7) \ \int \frac{1}{\cos^2 x} dx =$$

$$(9) \ \int \frac{1}{x^2 + 1} dx =$$

$$(2) \ \int \frac{1}{x} dx =$$

$$(4) \ \int a^x dx =$$

$$(6) \ \int \cos x dx =$$

$$(8) \ \int \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} dx =$$

$$(10) \ \int \frac{f'(x)}{f(x)} dx =$$

次の導関数を求めよ

$$(1) \ (x^a)' =$$

$$(2) \ (\log x)' =$$

$$(3) \ (e^x)' =$$

$$(4) \ (a^x)' =$$

$$(5) \ (\sin x)' =$$

$$(6) \ (\cos x)' =$$

$$(7) \ (\tan x)' =$$

$$(8) \ (\log e)' =$$

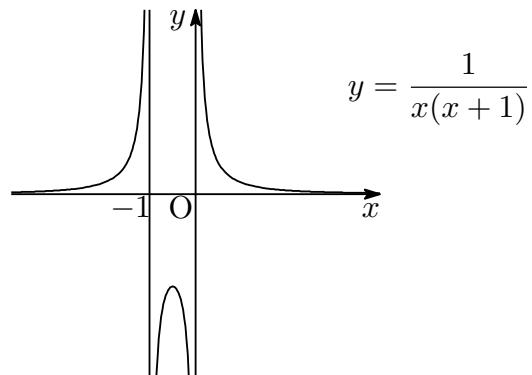
$$(9) \ (\text{Sin}^{-1} x)' =$$

$$(10) \ (\text{Tan}^{-1} x)' =$$



【例題 79】(1) $\int_1^\infty \frac{dx}{x(x+1)}$

$$\int_1^\infty \frac{dx}{x(x+1)} = \boxed{\quad}$$



$$y = \frac{1}{x(x+1)}$$

計算ミスをなくすために、先に不定積分を計算しておく。

$$\int \frac{dx}{x(x+1)} = \boxed{\quad}$$

極限を計算する（解答は以下を書けば十分です）。

$$\lim_{b \rightarrow \infty} \int_1^b \frac{dx}{x(x+1)} = \boxed{\quad}$$

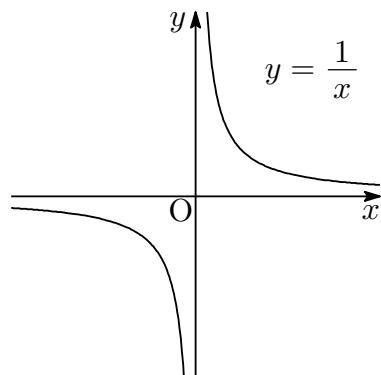
$$= \boxed{\quad}$$

$$= \boxed{\quad}$$

$$= \boxed{\quad}$$

【例題 79】(2) $\int_1^\infty \frac{1}{x} dx$

$$\int_1^\infty \frac{1}{x} dx = \boxed{\quad}$$



計算ミスをなくすために、先に不定積分を計算しておく。

$$\int \frac{1}{x} dx = \boxed{\quad}$$

極限を計算する（解答は以下を書けば十分です）。

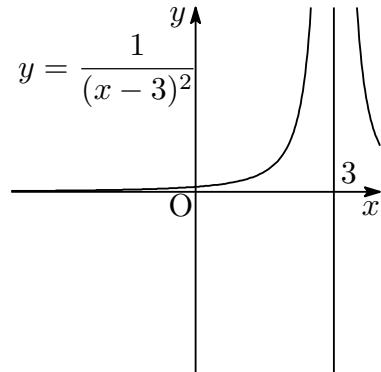
$$\lim_{b \rightarrow \infty} \int_1^b \frac{1}{x} dx = \boxed{\quad}$$

$$= \boxed{\quad}$$

$$= \boxed{\quad}$$

【やってみよう】 $\int_{-\infty}^1 \frac{dx}{(x-3)^2}$

$$\int_{-\infty}^1 \frac{dx}{(x-3)^2} = \boxed{\quad}$$



計算ミスをなくすために、先に不定積分を計算しておく。

$$\int \frac{dx}{(x-3)^2} = \boxed{\quad}$$

極限を計算する（解答は以下を書けば十分です）。

$$\int_{-\infty}^1 \frac{dx}{(x-3)^2} = \boxed{\quad}$$

$$= \boxed{\quad}$$

$$= \boxed{\quad}$$

$$= \boxed{\quad}$$