

以下の に当てはまる適切な答えを、解答用紙の該当する解答欄に記入せよ。 (30点)

[1] a, b, c を定数とし、 $a \neq 0, b \neq 0$ とする。 x の 2 次関数 $y = ax^2 + bx + c$ のグラフを G とする。 グラフ G が $y = 2x^2 - 12bx$ のグラフと同じ軸をもつとき、 $a =$ ア である。 さらに、 グラフ G が点 $(1, 2b - \frac{2}{3})$ を通るとき、 c を b で表すと、 $c =$ イ である。

上の条件のもとで、 グラフ G と x 軸が異なる 2 点で交わるような b の値の範囲は ウ である。 さらに、 グラフ G と x 軸の正の部分が異なる 2 点で交わるような b の値の範囲は エ である。

以下の に当てはまる適切な答えを、解答用紙の該当する解答欄に記入せよ。 (40点)

[2]

(1) $-\frac{\pi}{2} \leq \theta \leq \frac{\pi}{2}$ のとき、方程式

$$-2\cos^2\theta + (2 - \sqrt{3})\sin\theta + 2 - \sqrt{3} = 0$$

を満たす θ の値をすべて求めると、 $\theta =$ である。

(2) $\pi \leq \theta \leq 2\pi$ のとき、不等式

$$\sqrt{2}\sin^2\theta + (1 + 2\sqrt{2})\cos\theta > 2 + \sqrt{2}$$

を満たす θ の範囲を求めると、 である。

[3] 関数 $f(x) = x^3 + a - (6x - bx^2)$ は $x = 2$ で極小になり、 $x = c$ で

極大値 2 をとる。このとき、定数 a, b, c の値を求めると、

$a =$ キ , $b =$ ク , $c =$ ケ である。また、 $f(x)$

の極小値を求めると、極小値は コ である。

以下の に当てはまる適切な答えを、解答用紙の該当する解答欄に記入せよ。 (40点)

[4]

- (1) 2次方程式 $2x^2 - 4x + 3 = 0$ の2つの解を α, β とする。 $\alpha^3 + \beta^3$ の値を求めると、 $\alpha^3 + \beta^3 =$ である。
- (2) 3次方程式 $-x^3 + 2x^2 + 3x + 4 = 0$ の3つの解を α, β, γ とする。
 $\alpha^2 + \beta^2 + \gamma^2$ の値を求めると、 $\alpha^2 + \beta^2 + \gamma^2 =$ である。
 $\alpha^3 + \beta^3 + \gamma^3$ の値を求めると、 $\alpha^3 + \beta^3 + \gamma^3 =$ である。

[5]

- (1) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 - 3x + 2}{x^2 - 2x + 1}$ の極限值を求めると、 である。
- (2) 定積分 $\int_0^1 (2x - 1) \sin^2 x dx + \int_0^1 (2x - 1) \cos^2 x dx$ を求めると、 である。

以下の に当てはまる適切な答えを、解答用紙の該当する解答欄に記入せよ。 (40点)

[6] 実数 x, y を $x > 1, y > 1$ とする。

(1) $xy = 128$ のとき、 $\log_2 x + \log_2 y =$ \square である。

(2) 連立方程式

$$\begin{cases} xy = 128 \\ \frac{1}{\log_2 x} = \frac{1}{12} + \frac{1}{3 \log_8 y} \end{cases}$$

を満たす x, y の値を求めると、 $x =$ \square χ , $y =$ \square ψ である。

[7] 水平な地面に鉄塔が垂直に立っている。2地点 A, B から鉄塔を見上げた。鉄塔の先端は、A 地点の地面からは真東の方向に仰角 60° 、B 地点の地面からは真北から東に 60° の方向に仰角 45° で見えた。さらに、2地点 A, B 間の距離は 100 m であった。このとき、A 地点から鉄塔の根本までの距離は \square τ m であり、鉄塔の高さは \square θ m である。

『以 上』