

以下の  に当てはまる適切な答えを、解答用紙の該当する解答欄に記入せよ。 (40点)

[ 1 ] 2つのベクトル  $\vec{a} = (-4, 3)$ ,  $\vec{b} = (1, 1)$  に対して、ベクトル  $\vec{a} + t\vec{b}$  の大きさが最小となる実数  $t$  の値を求めると  $t =$   ア  である。このとき、大きさ  $|\vec{a} + t\vec{b}| =$   イ  である。

[ 2 ]  $a$  を正の定数とし、 $x$  の2次関数  $f(x)$ ,  $g(x)$  を  $f(x) = \frac{1}{3}x^2$ ,  $g(x) = -x^2 + 4ax - 3a^2$  とする。また、放物線  $y = f(x)$  および  $y = g(x)$  をそれぞれ  $C_1$ ,  $C_2$  とする。

放物線  $C_1$  と放物線  $C_2$  が1つの共有点  $P$  を持つとき、点  $P$  の座標は  ウ  である。また点  $P$  における放物線  $C_1$  の接線の方程式は  エ  である。

放物線  $C_2$  と  $x$  軸の交点の  $x$  座標をすべて求めると  オ  であり、放物線  $C_2$  と  $x$  軸で囲まれた図形の面積は  カ  である。

以下の  に当てはまる適切な答えを、解答用紙の該当する解答欄に記入せよ。 (40点)

[ 3 ]  $a$  は  $a + a^{-1} = 14$  を満たす正の数である。

(1)  $a^2 + a^{-2}$  の値を求めると、 $a^2 + a^{-2} =$   である。

(2)  $a^{\frac{1}{2}} + a^{-\frac{1}{2}}$  の値を求めると、 $a^{\frac{1}{2}} + a^{-\frac{1}{2}} =$   である。

(3)  $a^{\frac{3}{2}} + a^{-\frac{3}{2}}$  の値を求めると、 $a^{\frac{3}{2}} + a^{-\frac{3}{2}} =$   である。

[ 4 ] 円  $A : x^2 - 12x + y^2 - 6y + 44 = 0$  と放物線  $B : y = x^2$  とがある。点  $C, D$  はそれぞれ円  $A$ , 放物線  $B$  上を動く。点  $C, D$  間の距離が最小になるとき、点  $C$  の座標は  であり、点  $D$  の座標は  である。また、線分  $CD$  の長さは  である。

以下の  に当てはまる適切な答えを、解答用紙の該当する解答欄に記入せよ。 (25点)

[ 5 ] 2つの変量  $x$ ,  $y$  からなるデータが下表で与えられている。

$x$ :	10	13	8	7	11	9	12
$y$ :	2	12	6	10	14	4	8

このとき、 $x$ の中央値は  ス  であり、 $y$ の平均値は  セ  である。 $x$ の分散は  ソ  であり、 $y$ の分散は  タ  である。 $x$ と $y$ の相関係数を既約分数で求めると、 チ  である。

以下の  に当てはまる適切な答えを、解答用紙の該当する解答欄に記入せよ。 (25点)

- [ 6 ] (1)  $-\frac{\pi}{2} \leq \theta \leq \frac{\pi}{2}$  のとき、 $\sin \theta = \sin \frac{3}{5}\pi$  を満たす  $\theta$  を求めると、 ツ  である。  $\sin \theta = \cos \frac{2}{5}\pi$  を満たす  $\theta$  を求めると、 テ  である。
- (2)  $\tan \theta = 3$   $\left(-\frac{\pi}{2} \leq \theta \leq \frac{\pi}{2}\right)$  のとき、 $\cos \theta =$   ト  である。
- (3)  $\sin \frac{2}{11}\pi$ ,  $\sin \frac{5}{11}\pi$ ,  $\sin \frac{8}{11}\pi$ ,  $\sin \frac{10}{11}\pi$  を小さい順に並べると  ナ  である。

以下の  に当てはまる適切な答えを，解答用紙の該当する解答欄に記入せよ。 (20点)

[ 7 ] 数列  $\{a_n\}$  は初項  $-1$ ，公差  $2$  の等差数列である．一般項  $a_n$  を求めると， $a_n =$    $=$   である．

数列  $\{b_n\}$  を

$$\frac{1}{b_n} = \frac{1}{a_n} - \frac{1}{2n}$$

で定義する．このとき， $b_{30}$  の値を求めると， $b_{30} =$    $\neq$   である．

また， $b_n > 90$  を満たす最小の自然数  $n$  の値を求めると， $n =$    $\neq$   である．

『以 上』